すでに述べたことであるが、デジタル信号では、とびとびの物理量しか使わない。その最も単純な形が「1・0信号」で、2種類の基本信号しか使わない。そのため、通信の途中で雑音などのために少しぐらい信号の形がゆがんでも、受信側で「これは1だろう」、「これは0に違いない」と判定できれば正しい情報を受け取れるし、あらためてきれいな形の信号を送り直すことができる(信号の整形)。

しかし長距離の通信では電気的な「雑音」の影響で、信号の形が 大きく変わって「1が0になってしまう」とか逆に「0が1に近い 信号に化けてしまう」ことも、小さな確率で起こる。そして大量の 情報を送信すると、「小さな確率」のことが、現実に多数回起こっ てしまう___そこで工夫されたのが、「誤りを検出・訂正する」技 術である。

7.1 誤りの検出

(1) 反復送信

たとえば暗号文

TFOENPSFNPOFZ (原文は何でしょう?)

を送るとき、安全のために2回繰り返して

TFOENPSFNPOFZ TFOENPSFNPOFZ を送信すれば、それが雑音のためにどこかが変わってしまっても、「どこが間違っているか」を検出できることがある。たとえば、

TFOGNPSFNPOFZ TFOENPSFTPOFZ

が受信されたときは、前半と後半の先頭をそろえて並べてみれば、 いくつかの間違いがわかる。

TFO G NPSF N POFZ TFO E NPSF T POFZ

この場合は、4文字めと11文字めが合わないので、それぞれの 場所の前半か後半の、少なくともどちらかが間違っている。このように「誤りがある」とわかれば___誤りを検出することができれば、 「その部分を再度送信してもらう」などの対策がとれる。

〈間違いが検出されない場合〉このやり方では「同じ位置の文字に、同じ誤りが発生した」場合には、その誤りは見逃される。しかし誤りの発生が場所に関係なく「万に一つ」(確率p=0.0001)なら、同じ位置で誤りが発生する割合は「億に一つ」($p^2=0.00000001$)となるし、「同じ文字に誤る」確率はさらに小さい。

(2) 奇偶検査(パリティ・チェック)

用語 偶数:0,2,4,6,……など、2で割り切れる数(0も偶数である)。

奇数:1,3,5,7,……など、2で割り切れない数。2で割る と1余る数。

パリティ(parity):情報関係では「奇数か偶数か」を意味し、 「奇偶性」と訳される。

JIS符号では、1文字を表すには1バイト=8ビット、すなわち8個の $0 \cdot 1$ が使われる。これにもう1ビットを次のようにつけ加えて、送・受信に使うことがある。

1文字を表す0・1の組み合わせの中に、1が必ず偶数個である

ようにする。

例 JIS符号系では、文字T, F, Pの符号を次のように定めている。

T:01010100 F:01000110 P:01010000 これらの末尾に「1 が偶数個になるように」0 か1 をつけ加えると、次のようになる。

T:010101001 (1が4個)、F:010001101 (1が4個)、

P:010100000 (1が2個)

つけ加えられたビット (太字で示す) を、パリティ・ビットという。またこのように「1の個数を偶数個にする」方式を、偶数パリティ方式という。

注意 「奇数パリティ」(1の数を奇数個にする) 方式も考えられるが、ここでは偶数パリティ方式に限って話をすすめる。

文字列を送信するとき、本来の符号だけでなく「文字ごとにパリティ・ビットをつけ加えた符号」を送ると、受信する側で、「文字ごとの1の数が偶数かどうか」を検査すること(奇偶検査、パリティ・チェック)によって、ある確率で誤りが検出できる。

問1 次の符号に、パリティ・ビットをつけ加えなさい。

- (ア) 01011100
- (イ) 01000101
- (ウ) 01001011

問2 パリティ・ビットを含む、次の信号が受信された。これらは 正しいか? ただし「誤りは、1文字9ビットの中で、せいぜい1 つ」と仮定する。

- (ア) 010000001
- (イ) 010101000
- (ウ) 010001010

(解答は100ページに示す)

応用 タテとヨコにパリティ・ビットをつける:たとえば $0 \cdot 1$ の列

01010100	010101001
01000110	010001101
01010000	010100000
01001111	010011111
01010110	010101100
	010110111

を送信するとき、前のように「文字ごとにパリティ・ビットをつける」だけでなく、さいごにも「列ごとのパリティ・ビット」をつけて、右枠内のような文字列を送信することがある。

参考 さいごの行は、「サムチェック (和の検査)」と呼ばれる。 さいごの「サムチェック」は、次のような規則で作られている: その列の中の1の個数が、偶数個になる。

サムチェックをも含めて全部の信号を受信し終わってから、行ごとのパリティ(1は偶数個か?)を検査すれば、「1ヶ所だけ間違った符号」が検出できる。さらに列ごとのパリティ(1は偶数個か?)を検査すれば、「1ヶ所だけ間違った列」が検出できる。ある符号で2ヶ所が間違った場合、「符号の検査」では見落とされるが、サムチェックで検出できる場合がある。ただし「誤りの検出」だけで、どの場所で誤ったかは特定できない(送信された信号全体を再送信してもらうことになろう)。ただし「誤りが全体で1ヶ所だけ」なら、それが起こった行と列がわかるのだから、間違えた場所が特定でき、